ГЕОМЕХАНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПОДЗЕМНЫХ ГОРНЫХ РАБОТ

1. Основные понятия геомеханики

Presenter: Александр Макаров

Location: Moscow 2023





Следует различать напряжения:

- природные, действующие в массиве до начала горных работ (in situ Field Stress, pre-mining Stress State). Всегда 3D. Именно они используются в расчетах, в численном моделировании в качестве исходных данных, граничных условий. Их надо знать !!!
- техногенные, действующие вокруг пройденных выработок, созданных выработанных пространств. Могут быть 2D, 1D. Их определяют расчетами, численным моделированием по заданным исходным данным



Напряжения вокруг выработанного пространства

					Insitu Field Stres	ss - Constant
N.		\			Sigma1:	12.7 → MPa max
X	X	\backslash	$\langle \rangle$		SigmaZ:	
			$\langle \cdot \rangle$	() 	Angle:	-64 📥 deg
X	N	· \		۱. t	-Rock Mass Elas	stic Properties •
					Em: Poisson Ratio:	6000 + MPa 0.21 +
\sim	X	\sim		+ +	– Bock Mass Stre	ingth - Hoek-Brown
			\frown	1,	Intact Comp.	
	X		53	<i>† +</i>	GSI:	
	~			✓ ⊥	D:	
			$\sim \neg$	\sim τ	·	



Виды напряжений





Симон Пуассон



MÉMOIRE

Sur le calcul numérique des Intégrales définies.

PAR M. POISSON.

Lu à l'Académie des Sciences, le 11 décembre 1826.

Le calcul des intégrales définies est peut-être la partie de l'analyse dont les applications sont les plus nombreuses et les plus variées. Non-seulement elles comprennent la rectification des courbes, l'évaluation des surfaces et des solides, la détermination des centres de gravité, mais encore, la plupart des problèmes de mécanique ou de physique qui se résolvent par le calcul intégral, si conduisent à des expressions des inconnues en intégrales définies. Aussi, depuis Euler et surtout dans ces derniers temps, les géomètres se sont-ils beaucoup occupés d'étendre et de perfectionner cet important calcul. Dans le petit nombre de ces où l'intégrale générale est connue sous forme finie, on en déduit immédiatement l'intégrale définie; dans d'autres cas, beaucoup plus étendus, on parvient à trouver la valeur exacte de l'une sans connaître celle de l'autre; mais le plus souvent on est

Simeon Denis Poisson 1781 - 1840

Деформации

Поперечное расширение при сжатии есть фундаментальное свойство всех твердых тел



коэффициент поперечных деформаций (Пуассона) v:

для крепких скальных пород $v = 0,16 \div 0,26 \sim 0,20$; для солей $v = 0,30 \div 0,36 \sim 0,33$





работает только до разрушения ! ! !





Упругое деформирование



Thomas young 1773 - 1829

«Томас Юнг был человеком почти таких же универсальных знаний, как Леонардо да Винчи»



 Тhomas Young. A Course of Lectures on Natural Philosophy and the Mechanical Arts

 13-th Lecture:

 Сила противодействия упругого вещества линейному растяжению или сжатию прямо пропорциональна относительному увеличению или сокращению длины:

$$E = \frac{F/S}{\Delta l/l} = \frac{\sigma}{\varepsilon} = Const$$

Закон Гука: $\sigma = E \cdot \varepsilon$

при одноосном сжатии или растяжении

E – модуль упругости (модуль Юнга) E = [m /м²; кг /см²; МПа]

Ympyzocmb ecmb

OCHOBHOE CBOŬCIMBO

всех теп природы



акад. Крылов А.Н. 1863 - 1945



Упругое деформирование

прозвучивание ультразвуком

модуль упругости: $E = \rho \cdot V^2$

ρ - плотность породы;

V - скорость продольной упругой волны





Прочность

Прочность

Испытания образцов пород на прочность на прессе

UCS >> UTS









ГОСУДАРСТВЕННЫЙ СТАНДАРТ СОЮЗА ССР

ПОРОДЫ ГОРНЫЕ

МЕТОДЫ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПРЕДЕЛА ПРОЧНОСТИ ПРИ ОДНООСНОМ СЖАТИИ

ГОСТ 21153.2-84

ГОСУДАРСТВЕННЫЙ КОМИТЕТ СССР ПО СТАНДАРТАМ Москва



ПРОЧНОСТЪ И ДЕФОРМИРУЕМОСТЪ ГОРНЫХ ПОРОД



ПРОЧНОСТЬ И ДЕФОРМИРУЕМОСТЬ ГОРНЫХ ПОРОД

Под общей редакцией д-ра чезн. наук А. Б. ФАДЕЕВА

> одна из лучших книг о свойствах пород и методах их определения



МОСКВА «НЕДРА» 1979

Suggested Methods for Determining the Uniaxial Compressive Strength and Deformability of Rock Materials

PART 1. SUGGESTED METHOD FOR DETERMINATION OF THE UNIAXIAL COMPRESSIVE STRENGTH OF ROCK MATERIALS

1. SCOPE

This method of test is intended to measure the uniaxial compressive strength of a rock sample in the form of specimens of regular geometry. The test is mainly intended for strength classification and characterization of intact rock.

2. APPARATUS

upper end of the specimen. It should be lightly lubricated with mineral oil so that it locks after the deadweight of the cross-head has been picked up. The specimen, the platens and spherical seat shall be accurately centred with respect to one another and to the loading machine. The curvature centre of the seat surface should coincide with the centre of the top end of the specimen.

3. PROCEDURE

(a) Test specimens shall be right circular cylinders having a height to diameter ratio of 2.5-3.0 and a diameter preferably of not less than NX core size, approximately 54 mm. The diameter of the specimen should be related to the size of the largest grain in the rock by the ratio of at least 10:1.

Стандарт ISRM





тем она жестче... $E=0.350 \cdot UCS,$ ГПа $E = 350 \cdot UCS$, МПа

 $1 \Gamma \Pi a = 1000 M \Pi a = 10^3 M \Pi a = 10^9 \Pi a$

Чем порода крепче, тем она жестче









Чем порода крепче, тем она более хрупкая ! и наоборот: Чем слабее порода, тем она более пластична







Изменение прочности руд / пород с глубиной















Распределение прочности пород в толще осадочных пород ВКМКС по данным сейсморазведки

Кашников Ю.А. ГЖ, 2021, № 4

Уралкалий

Полевая (приблизительная) оценка прочности породы

девиз геологов:

Mente et malleo

Умом и молотком

(*Lat.*)



Полевая (приблизительная) оценка прочности породы

Класс прочности по классификации ISRM	Классификация	Предел прочности на одноосное сжатие, МПа	Is50, MΠa	Оценка прочности в полевых условиях
R6	Чрезвычайно крепкие	>250	>10	Порода только скалывается при многократных ударах молотка, звенит при ударе
R5	Очень крепкие	100–250	4–10	Чтобы разбить ненарушенные образцы породы, требуются многочисленные удары геологическим молотком
R4	Крепкие	50–100	2–4	Небольшие образцы породы можно разбить одним ударом геологического молотка
R3	Средней крепости	25–50	1–2	При сильном ударе острием геологического молотка на породе остается вмятина до 5 мм, нож только царапает поверхность
R2	Слабые	5–25	-	Нож режет породу, но она слишком крепкая, чтобы вырезать объемный образец
R1	Очень слабые	1–5	-	Порода дробится при сильных ударах острием геологического молотка, образец можно вырезать ножом
RO	Чрезвычайно слабые	0,25–1	-	Продавливается ногтем большого пальца

Полевая (приблизительная) оценка прочности породы

Яковлевский рудник: богатая мартитовая руда $\sigma_{c lpha} \sim 1 \div 2 \ M \Pi a$

> после удара геологическим молотком падает крошка раздробленной руды





Полевая оценка прочности породы молотком Шмидта



Полевая оценка прочности породы молотком Шмидта

ISRM Suggested Method for Determination of the Schmidt Hammer Rebound Hardness: Revised Version. Adnan Aydin (2008):

Запишите 20 значений отскока от одиночных ударов, разделенных по крайней мере диаметром плунжера, и усредните верхние 10 значений.

Расчет прочности пород UCS:




Полевая оценка прочности породы молотком Шмидта



Вывод: прочность руды, пород висячего и лежачего боков практически не различаются. Поэтому модель массива месторождения может быть однородной с усредненной прочностью всех типов руды и пород



HIIP

Механи	1ЧЕСКИЕ СВ	ойства г	Ap	темьевски	38		
Полевая ог	ценка проч	ности п		рудник			
			70 60 в 50 ССУ 40 - 40 - 40 - 30 - 40 - 40		хлоритолиты	лавы + лавобрекчии	порфиры + диабазы
			– 20 – енка	кол-во испытаний	77	60	86
			— 10 Вая оп	средняя UCS, MПа	8.4	<u> 18.3</u>	61.6
			о поле	стандарт UCS, МПа	6.3	18.3	40.1
хлоритолиты	лавы + лавобрекчии	порфиры + диабазы		коэфф.вариации	74%	100%	65%

Вывод: породы резко различаются по прочности. Поэтому модель массива должна быть неоднородной



Механические свойства пород



Полевая оценка упругости породы ультразвуковым прибором Пульсар

Долинный рудник Механические свойства пород

Полевая оценка упругости породы ультразвуковым прибором Пульсар





© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Полная диаграмма деформирования



Режимы деформирования:

I - упругое; II - неупругое (пластическое); III - запредельное (развитие разрушения); IV - с остаточной прочностью

Полная диаграмма деформирования





в запредельном состоянии (т.е. в процессе разрушения) снижаются и прочность, и модуль упругости массива:





Charles-Augustin de Coulomb 1736 - 1806



- При сжатии разрушение пород происходит сдвигом по наклонным площадкам, на которых сопротивление сдвигу минимально.
- Сопротивление сдвигу на наклонных площадках определяется силами сцепления и внутреннего трения на них

$$\tau = C + \sigma \cdot tg\varphi$$

C – сцепление (Cohesion);

ф-угол внутреннего трения (Internal Friction Angle)



Критерий разрушения Кулона



 $\tau = C + \sigma \cdot tg \phi$

На наклонной площадке под углом β:

$$\sigma = \frac{1}{2} (\sigma_1 + \sigma_3) + \frac{1}{2} (\sigma_1 - \sigma_3) \cos 2\beta$$
$$\tau = \frac{1}{2} (\sigma_1 - \sigma_3) \sin 2\beta$$

Чтобы найти площадки, по которым происходит срез (сдвиг), надо найти угол *β*, при котором:

 $\Phi = (C + \sigma \cdot tg\varphi - \tau) \rightarrow min$ $d\Phi/d\beta = 0$



При сжатии разрушение пород сдвигом происходит по сопряженным площадкам, отклоненным от направления максимального сжатия на угол: $\pm (45^{\circ} - \phi/2)$ где $\varphi = 30 \div 38^{\circ}$ - угол внутреннего трения пород

Если $\varphi = 36^{\circ}$, то это $\pm 27^{\circ}$



идем по шахте и видим разрушения на сопряжении двух выработок...





биссектрисе острого угла между сопряженными поверхностями



максимальные (разрушающие) напряжения действуют по биссектрисе острого угла между сопряженными поверхностями разрушения





классическая форма разрушения междукамерных целиков







Реконструкция направлений действия тектонических напряжений в Орловском рудном поле по методу М.В. Гзовского



Орловское месторождение

Гзовский М.В.



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.



Испытания породы в объемном напряженном состоянии в камере Гудмана



Условия нагружения: $\sigma_1 > \sigma_2 = \sigma_3$



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved

Сервогидравлическая система MTS 815 для испытаний породы в объемном напряженном состоянии (СПбГУ)









© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved







© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.



Переход от хрупкого разрушения к пластическому течению

Андезиты НШР разрушаются хрупко, т.е. они склонны к горным ударам

© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

двумерная графическая интерпретация напряженного состояния





Christian Otto Mohr 1835 - 1918

двумерная графическая интерпретация напряженного состояния









3D

Круги Мора

Условия разрушения определяются величинами σ_1 и σ_3

Величина σ₂ в критерии прочности не учитывается

плоскости разрушения ориентированы по направлению действия промежуточных главных 62 напряжений σ₂ 450+

Условия разрушения определяются величинами σ_1 и σ_3

Величина σ₂ в критерии прочности не учитывается



плоскости разрушения ориентированы по направлению действия промежуточных главных напряжений

2D



srk consulting



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Критерий разрушения Мора



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Критерий разрушения Кулона - Мора





Обобщенный критерий разрушения Кулона - Мора



Параметры обобщенного критерия Кулона-Мора: σ_p — прочность при растяжении, МПа; С – сцепление, МПа *Ф* — угол внутреннего трения, град. Сцепление – сопротивление сдвигу при отсутствии сил трения; tg *φ* – коэффициент трения

Обобщенный критерий разрушения Кулона - Мора

Предельная величина максимальных напряжений:

Предельная величина максимальных напряжений:

$$\sigma_{1} = 2C \cdot ctg\left(45^{\circ} - \frac{\varphi}{2}\right) + \sigma_{3} \cdot tg^{2}\left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right)$$

$$\sigma_{0} - прочность при одноосном сжатии
$$\sigma_{1} = \sigma_{0} + \sigma_{3} \cdot tg^{2}\left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right)$$$$

© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Обобщенный критерий разрушения Кулона - Мора

Предельная величина максимальных напряжений:

$$\sigma_1 = \sigma_0 + \sigma_3 \cdot tg^2 \left(45^\circ + \frac{\varphi}{2} \right)$$

в объемном напряженном состоянии прочность массива увеличивается за счет бокового зажима Если φ = 36°, mo tg²(45°+φ/2) = 3,85



Критерий разрушения Хука - Брауна



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Критерий разрушения Хука - Брауна

$\sigma_1 = \sigma_3 + \sigma_0$	$\left(m_i\cdot \frac{\sigma_3}{\sigma_0}\right)$	+ 1	в образцах intact
параметр критерия	Hoek-Brown Classification	Pick Mi Value	×
	GSI 100 ÷ 《習	List of Mi Values	Selected Mi Value
Hoek-Brown m _i :	mi 10 式 🖧	Agglomerate 19±3	MiValue: 10
• зависит от типа породы,	D D 그 2010 ⓒ Ei 12000 근 MPa	Aniphibolites 26±6 Andesite 25±5 Anhydrite 12±2 Basalt 25±5	Filter List
• определяется по	CMB 🗄 🖓	Breccia 19±5 Breccias 20+2	
результатам 3-осного сжатия.	Hoek-Brown Criterion mb 10.000	Chalk 7 ± 2 Claystones 4 ± 2 Conglomerates 21 ± 3 Crystalline Limestone 12 ± 3	C Igneous C Fine
 справочные данные – в программах Rocscience 	a 0.500 - Failure Envelope Range	Dacite 25±3 Diabase 15±5 Diorite 25±5 Dolerite 16±5	C Metamorphic C Very Fine

Hoek-Brown:




Критерий разрушения Хука - Брауна

параметр т_i в критерии Хука-Брауна есть аналог параметра tg²(45°+ φ/2) в критерии Кулона-Мора



© SRK Consulting (Russia) Ltd 2020. All rights reserved.

Критерий разрушения Хука - Брауна

параметр т_і для андезитов НШР по данным:

3-осных испытаний





*m*_i для андезитов НШР по данным:



почувствуйте _____разницу

Критерий разрушения Хука - Брауна

т; для андезитов НШР по данным: справочника Rocscience



3-осных испытаний на сжатие



resourceful experienced worldwide